

Könlü Zərgəm qızı Əsədova
Azərbaycan Dövlət Pedaqoji Universiteti

MƏKTƏB RİYAZİYYAT KURSUnda TƏNLİKLƏRİN TƏDRİSİ

Kənul Zərgəm qızı Asadova
Azerbaycan Respublikası Mədəniyyət və Təhsil Nazirliyinin
Azerbaycan Dövlət Pedaqoji Universiteti

ПРЕПОДАВАНИЕ УРАВНЕНИЙ НА ШКОЛЬНОМ КУРСЕ МАТЕМАТИКИ

Kənul Zərgəm Asadova
Azerbaijan State Pedagogical University

TEACHING EQUATIONS IN SCHOOL MATHEMATICS COURSE

Xülləs: Məqalə ümumtəhsil məktəblərində tənliliklərin təliminə həsr olunub. Məqalənin əsas mahiyyəti sagırdıra tənliliklər və onların xassələri haqqında bilik və bacarıqları vermekdir.

Aşar sözlər: xətti, ədədi, kvadrat, kəsr, tam, rasional, irrasional tənliliklər

Резюме: В статье основное внимание уделяется преподаванию уравнения в общеобразовательных школах. Основная суть статьи дать ученикам знания и навыки об уравнениях и их свойствах.

Ключевые слова: линейные, числовые, квадратные, дробные, полные, рациональные, иррациональные уравнения

Summary: The article focuses on the teaching of equalities in general education schools. The main essence of the article is to give students the knowledge and skills about equalities and their properties.

Key words: linear, numerical, square, fraction, full, rational, irrational equations

Tənliliklər mövzusunun elementləri orta məktəbdə tədris olunmağa başlayır. Biz tənliliklərdən dərinləşdirən, ilk öncə, riyazi ifadələr haqqında məlumatın verilməliyik. Məs: k+2 ifadəsi riyazi ifadədir.

Qiyamətinin tapılması tələb olunan hərfinin daxili olduğunu bərabərliyə tənlilik deyilir. Tənlilik dedikdə, sahə və sol tərsi funksiya olan bərabərlik başa düşürlər. Yəni dayışınların elə qiyamətlərinin tapmaq lazımdır ki, $f(x) = g(x)$ funksiyalarının uyğun qiymətləri bərabər olsun. Birməchullu tənliliyin ümumi şəkli $f(x)=g(x)$ kimi yazılır. Burada $f(x)$ -ə $f(x)=g(x)$ -ə tənliliyin sol, $g(x)$ -ə $g(x)=f(x)$ -ə tənliliyin sağ tərsi deyilir.

Tənlilikdə hərəfə machul, bazar da dayışan deyilir. Dayışan iki oblastın birməchullu tənlilik ümumi şəkildə $f(x)=g(x)$ kimi yazılır, burada $f(x)$ və $g(x)$ -xətti hər hansı cəbri ifadələrdər.

Məchulun tənliliyi doğru ədədi bərabərliyə çevirən qiymətlərinə həmin tənliliyin kökləri və həlləri deyilir. Yəni $f(a)=g(a)$ olarsa, $x=a$

ədədi tənliliyin kökü adlanır. Tənliliyin kökləri coxluğuna onun həlləri coxluğu da deyilir. Tənliliyin həlli etmək onun köklərinin olub-olmadığını mütləyyən etmək lazımdır. Əgər varsa, həmin kökləri tapmaq, yoxdur, olmadığını isbat etmək lazımdır. Elə tənliliklər də olur bilsə ki, onların ya sonsuz sayıda kökü olar, ya da heç bir kökü olmaz.

Həll prosesində alınan, lakin verilmiş tənliliyin ədəməyən ədədi konan kök deyilir. Başqa cür desək, tənliliyin təyin oblastında daxil olmayan ədəd konan kök adlanır.

Dayışmanın, tənliliyə daxil olan ifadələri mənalı edən bütün qiymətlər coxluğu məchulun mümkün qiymətləri oblastı adlanır. Dayışmanın mümkün qiymətləri oblastı həm coxluq, həm də tənliliyin təyin oblastı adlanır. $f(x) = g(x)$ ifadələrinin təyin oblastlarının kəsişməsinə $f(x)=g(x)$ tənliliyin təyin oblastı və ya məchulun mümkün qiymətlər coxluğu deyilir. Bəzən bunu $MMQC$ kimi işarə edirlər. $MMQC=D(f) \cap D(g)$.

Məktəb riyaziyyat kursunda tənliliklərin tədrisi

Tənliliklərin aşağıdakı növləri var: Xətti tənliliklər, ədədi və hərfi əmsallı tənliliklər, rasional tənliliklər, tam tənliliklər, kəsr tənliliklər, eynigüclü tənliliklər, kvadrat tənliliklər, modul işarəsi daxiliyində machulu olan tənliliklər, irrasional tənliliklər. Bu tənliliklər haqqında qısa məlumat verək.

a) **Xətti tənliliklər.** $ax = b$ şəklində tənliliyə birməchullu xətti tənlilik deyilir. Məsələn, $-3x=12$, $1,5x=3$, $5y=0$, $5x=25$, $0,2x=4$ $3x=-15$.

Burada a və b hər hansı ədədlər, x isə deyisəndər a və b ədədlərindən asılı olaraq birməchullu xətti tənliliyin həllərinin sayı müxtəlif olur. a və b ədədləri üçün aşağıdakı həllər ola bilər.

I hal. $a \neq 0$, b istənilən ədəddir. Bu zaman $\frac{b}{a}$ tənliliyin yeganə $x = \frac{b}{a}$ kökü var.

II hal. $a=0$, $b \neq 0$. Bu halda tənliliyin kökü yoxdur.

III hal. $a=0$, $b=0$. Burada istənilən ədəd tənliliyin köküdür.

a, b, c hər hansı ədədlər, x və y məchul olduqda $ax+by=c$ şəklində tənliliyə ikiməchullu xətti tənlilik deyilir. $-3,5x+7y=13$, $0,1x+8y=0,05$ və s. məsələlər.

Həlləri eyni olaraq ikiməchullu tənliliklər eynigüclü tənliliklər deyilir. Qeyd edək ki, birməchullu xətti tənliliklər üçün doğru olan aşağıdakı xassələr ikiməchullu xətti tənliliklər üçün da doğrudur.

1. Toplananın işarəsini dayışarak ikiməchullu xətti tənliliyin bir tərəfindən bir tərəfinə keçirəndən, onuna eynigüclü tənlilik alırmışdır.

2. Ikiməchullu xətti tənliliyin hər iki tərəfindən sıfırçı eyni bir ədədə vursaq və ya bölsək, onuna eynigüclü tənlilik alırmışdır.

a) **Ədədi və hərfi əmsallı tənliliklər.** Məchuldan (və ya machullardan) başqa heç bir hərf daxil olmayan tənliliyə ədədi əmsallı tənlilik deyilir. Məsələn: $4x+5=25$; $7y^2-15=13$; $3x^{2x}-5 \times 3x^2+6=0$;

Məchuldan başqa bir və ya bir neçə hərf daxil olan tənliliklər hərfi əmsallı tənliliklər deyilir. Məsələn: $ax^2+bx+c=0$ $ax^3+2bx^2+cx+d=0$; $\frac{a}{x} - \frac{4b}{y} = 15$;

b) **Rasional tənliliklər.** Tənliliyin sol və sağ tərsi məchula nəzərən rasional ifadə olarsa, ona rasional tənlilik deyilir. Məsələn: $7a+1=3a$,

$$y^2+16=8y; \frac{3}{x-4} + \frac{15}{x+4} = 4; (x-4)(x+5)=0; x^3-\frac{a-b}{x-y} = 2$$

$7x^2-1400x=0$; $\frac{x}{x-y}$. Qeyd edək ki, istənilən rasional tənliliyi $P(x) = 0$ və ya $\frac{P(x)}{Q(x)} = 0$ şəklində gətirmək olar, burada $P(x)$ və $Q(x)$ çoxhədilərlərdir.

Rasional tənliliklərin həllində əsas iki üsüldən istifadə olunur:

1. Vuruşlarına ayırma üsülu.

2. Yeni dəyişən daxil etmə üsülu.

c) **Tam tənliliklər.** Tənlilikdə machula bölmə emalı olmazsa, ona tam tənlilik deyilir.

$$\text{Məsələn: } \frac{x}{3} + \frac{x-2}{5} = 2, \frac{x}{5} + \frac{y}{6} = 1; x^2+15=8x;$$

d) **Kəsr tənliliklər.** Tənlilikdə machula bölmə emalı olarsa, ona kəsr tənlilik deyilir. Məsələn: $x - \frac{a}{x} = 2$; $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} = 1$.

e) **Eynigüclü tənliliklər.** Əgər $f_1(x)$ tənliliyinin hər bir həlli $g_2(x)$ tənliliyinin həlli olarsa, onda tənliliyin eynigüclü tənliliklər deyilir. Dayışmanın eynigüclülüyü haqqında bir çox teoremlərdən bəzə bir nəticəyə gələ bilərik. Tənliliyin hər iki tərəfindən sıfırdan fərqli istənilən ədədə vurmaq olar, bu halda tənlilik onunla eynigüclü olan tənliliyin həlli olur.

i) **Kvadrat tənliliklər.** a b və verilmiş ədədlər, həm da $a \neq 0$, x isə məchul olduqda $a^2x^2+bx+c=0$ şəklində tənliliyə kvadrat tənlilik deyilir. Məsələn: $2x^2+x-5=0$, $5x^2-5=20$.

Kvadrat tənlilikdə birinci əmsal, b ikinci əmsal, c sərbəst hədd adlanır. b və c əmsallarından, heç olmasa, biri sıfır bərabər olarsa, ona natamam kvadrat tənlilik deyilir. Kvadrat tənliliyin həlli

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

düsturu ilə təpilir; burada $D=b^2-4ac$.

D-yə kvadrat tənliliyin diskriminatör deyilir. $D > 0$ olduqda, kvadrat tənliliyin iki müxtəlif kökü olur:

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{D}}{2a}, x_2 = \frac{-b - \sqrt{D}}{2a}$$

$D=0$ olduqda, kvadrat tənliliyin bir-birinə bərabər iki həqiqi kökü olur:

$$x_1 = x_2 = -\frac{b}{2a}$$

$D < 0$ olduqda, kvadrat tənliliyin iki qoşma kompleks kökü olur.

j) **Modul təsnifi.** Modul təsnifi daxilində machulu olan tənliliklər. Modul təsnifi daxilində machulu olan

tənliklərin həllinin ümumi üsulu ədədin modulu-nun tərifinini köməyi ilə verilmiş tənliyi onunla eynigüclü olan tənliklə və ya tənliklər sistemi ilə, yaxud da tənliklər külliisi ilə əvəz etməkdən ibarətdir. Belə tənliklərin ən sadəsi $|f(x)| = b$ tənliyidir; burada $f(x)$ verilmiş funksiya, b işə verilmiş ədəddir. Belə tənliyin həllində aşağıdakı hallar mümkündür:

- 1) $b < 0$. Bu halda, modulun xassasına görə, tənliyin həlli yoxdur.
- 2) $b=0$. Bu halda tənlik $f(x)=0$ tənliyi ilə eynigüclüdür.
- 3) $b > 0$.

$$f(x) = -b$$

Bu halda $|f(x)| = b$ tənliyi, $f(x) = b$ tənlik-lər külliisi ilə eynigüclüdür.

j) **İrrasional tənliklər.** Tənlikdə məchul kök işarəsi altında olarsa, ona irrasional tənliklər deyilir. Məsələn: $\sqrt{x} = 3$, $\sqrt{x} - 3 = 5$, $\sqrt{x+2} = x-1$.

İrrasional tənliklərin əsas həll üsulları aşağıdakılardır:

1. Hər iki tərəfi eyni dərəcədən qüvvətə yüksəltmək üsulu;
2. Yeni dəyişən daxil etmək üsulu. Bəzi hallarda irrasional tənlikləri həll etmək üçün sünü üsullar da tətbiq edilir.

Tənliyi kvadrata və ya kuba yüksəldəndə əvvəlki tənliyi ekvivalent tənlik alınır. Tənliklərin ekvivalentliyi haqqında belə bir teorema nə-zər salaq.

Teorem. $f(x) \times g(x) = 0$ tənliyi $g(x) = 0$ olsa, $f(x)$ -in, $f(x) = 0$ olsa, $g(x)$ -in mənası var. Çox vaxt tənliyi hər iki tərəfinə - həm dəyişən daxil olan, həm də daxil olmayan ifadə əlavə olunur, hər iki tərəfi eyni ifadəyə vurulur, hər iki tərəfi müayyən dərəcədən qüvvətə yüksəlir, hər iki tərəfin-dən kök alınır.

Biz tənliyi həll edərkən onun xassələrin-dən istifadə etməklə, qeyd etdiyimiz mərhələlər gözlənilməlidir:

1. Tənliyi kəsrdən azad etmək;
2. Məchul daxil olan mötorizələri açmaq;
3. Oxşar hədləri islah etmək;

4. Alınmış tənliyin növündən asılı olaraq müvafiq həll qaydasını tətbiq etmək.

Tənliyi həll edərkən onun mümkün qiy-mətlər çoxluğu nəzərə alınmalıdır. Tənliyə daxil olan məchulun bütün qiyətlərdə onun hər iki tərəfinin mənası olarsa, məchulun bu qiyətinə tənliyin mümkün qiyətlər çoxluğu deyilir.

$\frac{2}{Məsələn: y^{-3}} = 1$ tənliyində $x=3$ olduqda $\frac{2}{y^{-3}}$ -nin mənası yoxdur.

Problemin elmi yeniliyi: Riyaziyyat təlimin-də tənliklər həm təlim, həm də tərbiyə işində müstəs-na əhəmiyyətə malikdir.

Problemin aktuallığı: Məktəbdə istifadə olunan tənliklər sağirdərin məntiqi təsəkkürünü və ya radıcı faaliyyətinin inkisafına kömək edir.

Problemin praktik əhəmiyyəti: Təlimdə istifadə olunan tənliklər müxtəlif anlayışların praktik öyrənilməsinə şərait yaradır.

Ədəbiyyat:

1. A.S. Adıgozəlov. Orta məktəbdə riyaziyyatın tədrisi metodikası. Bakı, 2009.
2. A.S. Adıgozəlov, N. Hacıyev, X. Həsənova, M. Rzayev. Elementar cəbr. Bakı, 2012.
3. X. Həsənova, C. Cəfərov, K. Bədəlova. Orta məktəb riyaziyyat kursunda bərabərsizliklər və onların tədrisi metodikası. Bakı, 2011.
4. B. Tahirov, F. Namazov, S. Əsfəndi, E. Qasımov, Q. Abdullayeva. Riyaziyyatın tədrisi üsulları. Bakı, 2007.
5. Mərdanov M., Yaqubov M., Mirzəyev S. və b. Cəbr və analizin başlangıcı: Ümumtəhsil məktəblərinin 11-ci sinfi üçün dərslik. Bakı: Çəşioğlu, 2014.

E-mail: konul.asadova.95@mail.ru

Rəyçi: fizika-riyaz.ü.elm.dok, prof. İ.C. Mərdanov

Redaksiyaya daxil olub: 06.12.201